



# آالیز عددی با MATLAB

برای رشته های علوم پایه به ویژه ریاضی کاربردی و کلیه رشته های  
مهندسی: شیمی، نفت، مکانیک، عمران، صنایع و ...

مؤلف:

مهندس آیت حقی کاکاوند

انتشارات بیشه

انتشارات اندیشه فاضل

سرشناسه	- حقی کاکاوند، آیت ۱۳۶۴
عنوان و نام پدیدآور	: آنالیز عددی با MATLAB برای رشته‌های علوم پایه به ویژه ریاضی کاربردی ... / مولف آیت حقی کاکاوند.
مشخصات نشر	: تهران: نشر بیشه: اندیشه فاضل، ۱۳۹۶.
مشخصات ظاهري	: ۲۰۴ ص: جدول.
شابک	۹۷۸-۶۰۰-۷۵۸۷-۲۸-۷
وضعیت فهرست نویسی	: فیبا
موضوع	: متل
موضوع	Numerical analysis --Data processing/MATLAB
موضوع	: آنالیز عددی -- برنامه‌های کامپیوتری/آنالیز عددی -- داده پردازی
موضوع	Computer programs -- Numerical analysis
رده بندی کنگره	QA۲۹۷/۷۱۸ ۱۳۹۶
رده بندی دیوبی	۵۱۸/۰۲۸۵۵۳۶
شماره کتابشناسی ملی	: ۴۹۴۸۳۹۱

مرکز پخش: انتشارات اندیشه فاضل  
[www.andishe-fazel.ir](http://www.andishe-fazel.ir)  
 تهران، میدان انقلاب، خیابان کارگر جنوبی، ابتدای خیابان روانمهر، کوچه دولتشاهی  
 پلاک ۱ واحد ۴ تلفن: ۰۹۱۲۱۹۷۹۹۷۰ - همراه: ۶۶۹۵۴۰۱۸

## آنالیز عددی با MATLAB

برای رشته های علوم پایه به ویژه ریاضی کاربردی و کلیه  
 رشته های مهندسی: شیمی، نفت، مکانیک، عمران، صنایع و ...

مؤلف	مهندس آیت حقی کاکاوند
ناشر	بیشه
ناشر همکار	اندیشه فاضل
نوبت چاپ	۱۴۰۳ دوم
شمارگان	۵۰۰ نسخه
قیمت	۲۵۰۰۰ تومان
شابک	۹۷۸-۶۰۰-۷۵۸۷-۲۸-۷

کلیه حقوق این اثر برای ناشر محفوظ است.

هرگونه کپیری‌برداری و تهیه جزوی از متن کتاب، استفاده از طرح روی جلد و عنوان کتاب جرم است  
 و متخلفان طبق قانون حمایت از حقوق مؤلفان، مصنفات و هنرمندان تحت پیگرد قانونی قرار می‌گیرند

# فهرست مطالب

## فهرست مطالب

۱۳.....	فصل اول- اعداد و خطوط
۱۴.....	۱- انواع خطاهای
۱۴.....	۲- حساب و نمایش بسط اعداد در رایانه
۱۵.....	۱-۲- نمایش عدد در مبنای ۱۰
۱۶.....	۲-۲- تبدیل اعداد از سیستم دودویی به سیستم دهدهی
۱۷.....	۳-۲- تبدیل اعداد از سیستم دهدهی به سیستم دودویی
۱۷.....	۴-۲- تبدیل اعداد از سیستم دهدهی به سیستم دودویی دارای ممیز شناور
۲۰.....	۱-۲- اعداد ماشینی و ارقام با معنای درست
۲۰.....	۱-۳- نمایش ممیز ثابت
۲۰.....	۱-۴- نمایش ممیز سیار
۲۱.....	۱-۵- روش گرد کردن
۲۱.....	۱-۶- انواع خطاهای عددی
۲۱.....	۱-۷- روش گرد کردن
۲۲.....	۱-۸- گرد کردن تا ظرف رقم اعشار
۲۳.....	۲-۱- روش قطع کردن
۲۳.....	۲-۲- خطای مطلق
۲۴.....	۳-۱- ویژگی خطای برشی
۲۴۲۴.....	۴-۱- خطای نسبی
۲۴.....	۵-۱- تفاوت خطای گرد کردن و خطای قطع کردن
۲۴.....	۴-۲- قضیه رول
۲۴.....	۵-۳- قضیه تیلور
۲۵.....	۶-۱- بسط مکلورن
۲۶.....	۷-۱- قضیه مقدار میانگین
۲۶.....	۸-۱- همگرایی

# آنالیز عددی با

## MATLAB

۱-۸-۱ مرتبه همگرایی .....	۲۷
۱-۸-۱-۱ مقایسه نرخ(سرعت) همگرایی دو دنباله با .....	۲۸
۹-۱ پایداری روش‌های عددی .....	۲۸
۹-۱-۱ ناپایداری روش‌های عددی .....	۲۸
<b>فصل دوم- حل معادلات غیر خطی با یک متغیر .....</b>	<b>۲۹</b>
۱-۲ ریشه یک معادله از نظر هندسی .....	۳۱
۱-۲-۱ نمایش هندسی ریشه یک معادله .....	۳۲
۲-۲ روش متلب برای یافتن ریشه یک معادله .....	۳۲
۳-۲ قضیه مقدار میانی .....	۳۲۳۲
۱-۳-۲ نمایش هندسی قضیه مقدار میانی .....	۳۳
۲-۴ روش نصف کردن یا دوبخشی .....	۳۳
۱-۴-۲ الگوریتم روش دوبخشی .....	۳۳
۲-۴-۲ نمایش هندسی روش دوبخشی .....	۳۴
۳-۴-۲ همگرایی، تحلیل خط، تعداد تکرارها و ویژگی روش دوبخشی .....	۳۴
۳-۴-۲-۱ معایب روش دوبخشی .....	۳۶
۴-۴-۲ معیارهای توقف روش دوبخشی .....	۳۸
برنامه متلب روش دوبخشی .....	۳۸
۵-۲ روش رگولافالسی یا نابجایی .....	۴۰
۱-۵-۲ الگوریتم روش رگولافالسی یا نابجایی .....	۴۱
۲-۵-۲ نمایش هندسی روش رگولافالسی .....	۴۱
برنامه متلب روش رگولافالسی .....	۴۲
۶-۲ روش وتری یا سکانت .....	۴۳
۱-۶-۲ نمایش هندسی روش وتری .....	۴۴
۲-۶-۲ الگوریتم روش وتری یا سکانت .....	۴۵
۳-۶-۲ سرعت همگرایی روش وتری .....	۴۶
۴-۶-۲ میزان خطای روش وتری .....	۴۸
برنامه متلب روش وتری .....	۵۰
۵-۶-۲ ویژگی روش وتری یا خط قاطع .....	۵۱
۷-۲ روش نقطه ثابت .....	۵۱
۸-۲ نمایش هندسی روش نقطه ثابت .....	۵۲
۲-۷-۲ همگرایی روش نقطه ثابت .....	۵۲
۱-۲-۷-۲ مرتبه همگرایی روش نقطه ثابت .....	۵۲

# اعداد و خطای

۳-۷-۲ میزان خطای روش نقطه ثابت.....	۵۳
۴-۷-۲ نمایش هندسی همگرایی روش نقطه ثابت .....	۵۴
۵-۷-۲ نمایش هندسی واگرایی روش نقطه ثابت .....	۵۴
برنامه متلب روش نقطه ثابت .....	۵۵
۸-۲ روش نیوتن.....	۵۶
۱-۸-۲ الگوریتم روش نیوتن-رافسون.....	۵۷
۲-۸-۲ نمایش هندسی روش نیوتن .....	۵۷
۳-۸-۲ خطای روش نیوتن-رافسون .....	۵۸
۴-۸-۲ عیب روش نیوتن .....	۶۰
۵-۸-۲ همگرایی روش نیوتن .....	۶۰
۶-۸-۲ واگرایی روش نیوتن-رافسون .....	۶۱
برنامه متلب روش نیوتن .....	۶۲
برنامه متلب روش نیوتن برای یافتن ریشه‌های چندجمله‌ای $x^2 - c = 0$ .....	۶۳
<b>فصل سوم-چندجمله‌ای‌ها</b> .....	۶۴
۱-۳ تجزیه چندجمله‌ای‌ها .....	۶۴
۱-۱-۳ روش متلب برای یافتن ریشه یک چندجمله‌ای .....	۶۴۶۵
۲-۱-۳ چندجمله‌ای هورنر (لانه ای) .....	۶۴
۱-۲-۱-۳ الگوریتم روش هورنر .....	۶۶
برنامه متلب روش هورنر .....	۶۷
۳-۱-۳ روش بیرستو .....	۶۷
برنامه متلب روش بیرستو .....	۶۹
<b>فصل چهارم-درونيابی</b> .....	۸۱
۱-۴ انواع درونیابی .....	۸۱
۲-۴ قضیه وایراشتراس .....	۷۲
۳-۴ درونیابی خطی .....	۷۲
برنامه متلب درونیابی خطی برای یکتابع .....	۷۳
۴-۴ چندجمله‌ای‌های تیلور .....	۸۳
۵-۴ یکتا بودن چندجمله‌ای درونیاب .....	۷۷
۶-۴ وجود چندجمله‌ای درونیاب .....	۷۸
۷-۴ چندجمله‌ای تفاضلات تقسیم شده نیوتن .....	۸۰
۸-۴ خطای تفاضلات تقسیم شده نیوتن .....	۸۲
برنامه متلب تفاضلات تقسیم شده نیوتن .....	۸۳

# آنالیز عددی با

## MATLAB

برنامه متلب چندجمله‌ای درونیاب روش تفاضلات تقسیم شده نیوتن.....	۸۴
۴-۴ چندجمله‌ای درونیاب درونیابی لاگرانژ .....	۸۵
۱-۸-۴ درونیابی خطی لاگرانژ .....	۸۵
۴-۲-۸ خطای قطع کردن روش لاگرانژ.....	۸۶
۴-۳-۸-۴ معایب روش لاگرانژ .....	۸۹
۴-۴-۸ ویژگی روش لاگرانژ .....	۸۹
برنامه متلب چندجمله‌ای درونیابی با روش لاگرانژ.....	۹۲
برنامه متلب چندجمله‌ای روشن لاگرانژ .....	۹۴
۴-۴ روش ضرایب نامعین .....	۹۰
۴-۱-۹-۴ درونیابی بیرکف .....	۹۰
۴-۱۰-۴ الگوریتم آیتکن .....	۹۶
برنامه متلب درونیابی الگوریتم آیتکن .....	۹۶
۴-۱۱-۴ چندجمله‌ای‌های چبیشف .....	۹۷
۴-۱۱-۲ درونیابی با چندجمله‌ای‌های چبیشف .....	۹۸
۴-۱۱-۳ روش متلب برای چندجمله‌ای‌های چبیشف .....	۹۹
برنامه متلب چندجمله‌ای چبیشف .....	۹۹
۴-۱۲-۴ درونیابی هرمیتی .....	۱۰۱
برنامه متلب درونیابی روش هرمیتی .....	۱۰۵
۴-۱۲-۱ درونیابی هرمیتی مکعبی قطعه قطعه .....	۱۰۶
برنامه متلب روش هرمیتی مکعبی قطعه قطعه .....	۱۰۸
۴-۱۳-۴ درونیابی اسپلاین .....	۱۱۰
۴-۱۳-۱ درونیابی اسپلاین خطی .....	۱۱۰
برنامه متلب اسپلاین خطی .....	۱۱۱
۴-۱۳-۲ درونیابی اسپلاین مکعبی .....	۱۱۲
برنامه متلب اسپلاین مکعبی داده‌های گسسته .....	۱۱۳
برنامه متلب درونیابی اسپلاین مکعبی تابع پیوسته .....	۱۱۷
<b>فصل پنجم- تخمین عددی توابع (تقریب).....</b>	<b>۱۱۹</b>
۵-۱ روش تقریب کمترین مربعات .....	۱۱۹
۵-۲ نرم‌ها .....	۱۲۰
۵-۳-۴ چندجمله‌ای کمترین مربعات .....	۱۲۲
۵-۳-۵ نمایش هندسی منحنی تقریب چندجمله‌ای کمترین مربعات .....	۱۲۱
۵-۲-۳-۵ خطای چندجمله‌ای کمترین مربعات .....	۱۲۳

# اعداد و خطوط

۴-۴ روش متلب برای تقریب کمترین مربعات.....	۱۲۳
برنامه متلب چندجمله‌ای کمترین مربعات.....	۱۲۴
۵-۵ خط کمترین مربعات.....	۱۲۹
۱-۵-۵ نمایش هندسی خط کمترین مربعات.....	۱۲۸
۲-۵-۵ خطای تقریب خط کمترین مربعات.....	۱۲۹
۳-۵-۵ خطی سازیتابع تقریب کمترین مربعات.....	۱۲۹
برنامه متلب روش خط کمترین مربعات.....	۱۲۹
۶-۵ تقریب کمترین مربعات چندجمله‌ای لزاندر.....	۱۳۱
۱-۶-۵ دنباله بازگشتی چندجمله‌ای‌های لزاندر.....	۱۳۱
<b>فصل ششم-روش فوریه.....</b>	<b>۱۳۳</b>
۱-۶ تبدیل فوریه.....	۱۳۳
۱-۶-۱ تبدیل و ضرایب فوریه.....	۱۳۳
۲-۱-۶ روش متلب برای تبدیل فوریه.....	۱۳۷
برنامه متلب برای تبدیل فوریه.....	۱۳۳
برنامه متلب روش <i>DFT</i> .....	۱۴۰
۳-۱-۶ روش <i>fft</i> .....	۱۴۰
برنامه متلب روش <i>fft</i> .....	۱۴۰
۴-۱-۶ عکس تبدیل فوریه.....	۱۴۰
برنامه متلب عکس تبدیل فوریه.....	۱۴۱
۱-۴-۶ روش متلب برای عکس تبدیل فوریه.....	۱۴۲
برنامه متلب روش <i>IDFT</i> .....	۱۴۳
۲-۶ کاربرد سری فوریه.....	۱۴۳
۱-۲-۶ درونیایی با روش فوریه.....	۱۴۳
۱-۱-۲-۶ در حالت گسسته.....	۱۴۳
۲-۱-۲-۶ در حالت پیوسته.....	۱۴۴
۲-۲-۶ رسم نمودار با سری فوریه.....	۱۴۶
<b>فصل هفتم-مشتق گیری عددی.....</b>	<b>۱۴۷</b>
۱-۷ استفاده از روش تفاضل متناهی در مشتق گیری عددی.....	۱۴۷
۱-۱-۷ مشتق مرتبه اول.....	۱۴۷
برنامه متلب فرمول مشتق گیری تفاضل پیشرو.....	۱۴۸
برنامه متلب فرمول مشتق گیری تفاضل پسرو.....	۱۴۹
برنامه متلب فرمول مشتق گیری تفاضل مرکزی.....	۱۴۹

# آنالیز عددی با

## MATLAB

۲-۱-۷ روش متلب برای مشتق گیری به روش تفاضل متناهی ..... ۱۴۹
۲-۷ استفاده از درونیابی برای مشتق گیری ..... ۱۵۰
۱-۲-۷ نقاط گرهای با اندازه گام برابر ..... ۱۵۰
۲-۲-۷ مشتقات مرتبه بالاتر ..... ۱۵۲
برنامه متلب فرمول مشتق گیری تفاضل مرکزی ..... ۱۵۳
شبه برنامه متلب محاسبه نرخ (سرعت) خط ..... ۱۵۳
۱۵۴ ..... ۳-۲-۷ مرتبه خطای مشتق گیری عددی
برنامه متلب خطای مشتق گیری عددی ..... ۱۵۴
۱۵۵ ..... ۴-۲-۷ نقاط گرهای با اندازه گام نابرابر
۱۵۹ ..... ۳-۷ روش برونيابی ریچاردسون ..... ۱۶۳
برنامه متلب روش برونيابی ریچاردسون ..... ۱۶۳
<b>فصل هشتم-انتگرال گیری عددی ..... ۱۶۵</b>
۱-۸ مفهوم انتگرال و نمایش هندسی آن ..... ۱۶۷
۲-۸ روش انتگرال گیری ..... ۱۶۷
۱۶۷ ..... ۲-۸ دقت مرتبه روش انتگرال گیری
۱۶۸ ..... ۳-۸ روش مستطیل ..... ۱۶۸
۱۶۸ ..... ۱-۳-۸ روش مستطیل مرکب ..... ۱۶۹
برنامه متلب روش مستطیلی ..... ۱۶۹
۱۶۹ ..... ۴-۸ روش ذوزنقه ..... ۱۷۰
۱۷۰ ..... ۱-۴-۸ نمایش هندسی روش ذوزنقه ..... ۱۷۰
۱۷۰ ..... ۲-۴-۸ روش ذوزنقه مرکب ..... ۱۷۱
۱۷۱ ..... ۱-۲-۴-۸ خطای روش ذوزنقه مرکب ..... ۱۷۲
برنامه متلب روش ذوزنقه ..... ۱۷۲
۱۷۲ ..... ۳-۴-۸ روش متلب برای روش ذوزنقه ..... ۱۷۳
۱۷۳ ..... ۵-۸ روش سیمپسون ..... ۱۷۴
۱۷۴ ..... ۱-۵-۸ روش سیمپسون مرکب ..... ۱۷۵
۱۷۵ ..... ۱-۱-۵-۸ خطای روش سیمپسون مرکب ..... ۱۷۶
۱۷۶ ..... ۲-۱-۵-۸ نمایش هندسی روش سیمپسون ..... ۱۷۷
برنامه متلب روش سیمپسون ..... ۱۷۷
۱۷۷ ..... ۲-۵-۸ روش متلب برای روش سیمپسون ..... ۱۷۸
برنامه متلب نرخ (سرعت) خطای روش سیمپسون برای چندتابع ..... ۱۸۰
۱۸۰ ..... ۶-۸ روش نقطه میانی ..... ۱۸۰

# اعداد و خطای

۱-۶-۸ نمایش هندسی روش نقطه میانی ..... ۱۸۱
۲-۶-۸ روش نقطه میانی مرکب ..... ۱۸۲
۳-۶-۸ خطای روش نقطه میانی ..... ۱۸۲
۴-۶-۸ ویژگی های روش نقطه میانی ..... ۱۸۳
۵-۶-۸ عیب روش نقطه میانی ..... ۱۸۳
برنامه متلب روش نقطه میانی ..... ۱۸۳
۶-۶-۸ ویژگی روش ذوزنقه بر دیگر روش ها ..... ۱۸۴
۷-۸ رابطه تغییر طول گام و خطای ..... ۱۸۵
۷-۸ روش رامبرگ (برونیابی ریچاردسون) ..... ۱۸۵
۱-۷-۸ تعمیم روش رامبرگ بر اساس روش ذوزنقه ..... ۱۸۶
۲-۸-۸ الگوریتم تعمیم یافته روش رامبرگ ..... ۱۸۷
۳-۷-۸ تعمیم روش رامبرگ بر اساس روش سیمپسون ..... ۱۸۷
برنامه متلب روش رامبرگ بر اساس روش ذوزنقه ..... ۱۸۹
برنامه متلب روش رامبرگ بر اساس روش سیمپسون ..... ۱۸۹
۸-۸ روش ضرایب نامعین ..... ۱۹۰
۱-۸-۸ قاعده ۴ نقطه ای یا $\frac{3}{8}$ سیمپسون ..... ۱۹۱
برنامه متلب روش های نیوتون-کاتس ..... ۱۹۲
۲-۸-۸ معایب روش ۴ نقطه ای ..... ۱۹۳
۳-۸-۸ روش متلب روش نیوتون-کاتس برای انتگرال گیری ..... ۱۹۴
۹-۸ روش گاووس ..... ۱۹۳
۱-۹-۸ روش تک نقطه ای گاووس ..... ۱۹۴
۲-۹-۸ روش دو نقطه ای گاووس ..... ۱۹۴
۱-۲-۹-۸ ویژگی روش دو نقطه ای گاووس ..... ۱۹۴
۲-۲-۹-۸ عیب روش دو نقطه ای گاووس ..... ۱۹۵
۳-۹-۸ ضرایب و وزن های روش گاووس ..... ۱۹۵
برنامه متلب روش گاووس ..... ۱۹۶
۱۰-۸ روش گاووس-لزاندر ..... ۱۹۷
برنامه متلب ماتریس سه قطری کردن ضرایب چندجمله ای های لزاندر ..... ۲۰۱
برنامه متلب یافتن ضرایب و وزن های گاووس-لزاندر ..... ۲۰۱
۱۱-۸ انتگرال گیری عددی حدود بی پایان ..... ۲۰۱
۲۰۲ ..... <a href="#">مراجع</a>